



Teachers' Inquiry in  
**Mathematics Education**

Co-funded by the  
Erasmus+ Programme  
of the European Union



# Od primjera do modela

V. gimnazija, Zagreb

Daniela Beroš, Milena Ćulav Markičević,  
Zlatko Lobor, Ivana Martinić

[time-project.eu](http://time-project.eu)

The sole responsibility for the content of this presentation lies with the authors. It does not necessarily reflect the opinion of the European Union.

# TIME

- Teachers' Inquiry in Mathematics Education
- tim nastavnika
- vanjski stručnjak



# Motivacija



- poteškoće učenika pri definiranju osnovnih pojmoveva u stereometriji, vizualizaciji geometrijskog problema i primjeni definicija na rješavanje problema
- davanje prilike učenicima da sami otkriju važne definicije, umjesto da reproduciraju formalne definicije





# Ciljano znanje

- definiranje osnovnih pojmova iz stereometrije kao što su udaljenost i kut

# Širi ciljevi

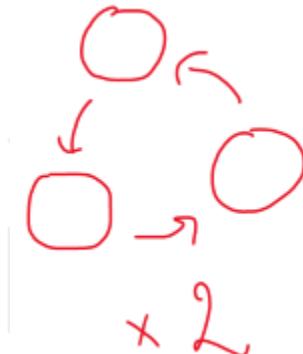
- razumijevanje napisanih definicija
- izrada odgovarajućeg manipulativnog modela na temelju zadane definicije
- rješavanje problema u stvarnom svijetu



# Koraci



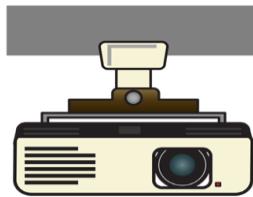
1. Članovi grupe prvo trebaju definirati pojam na temelju primjera iz neposredne okoline.
2. Grupe rotiraju svoje definicije tako da svaka grupa dobije novi pojam. Sada trebaju prepraviti definiciju i svoju verziju pišu na prazan papir.
3. Grupe ponovno izmjenjuju svoje radove i izrađuju manipulativni model koji se temelji isključivo na definiciji koju su smislili drugi učenici.
4. Predstavljanje modela i rasprava.



# UDLJENOST TOČKE OD RAVNINE



## Grupa 1a



Kolika je udaljenost između leće projektorja i projekcijskog platna?  
Kako biste izmjerili tu udaljenost?  
Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati udaljenost od točke do ravnine.

## Grupa 1b



Kolika je udaljenost između žarulje i poda?  
Kako biste izmjerili tu udaljenost?  
Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati udaljenost od točke do ravnine.

# KUT IZMEĐU PRAVCA I RAVNINE



## Grupa 2a



Koliki je kut između noge vaše stolice i poda?

Kako biste izmjerili taj kut?

Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati kut između pravca i ravnine.

## Grupa 2b



Koliki je kut između papira i olovke kojom pišete?

Kako biste izmjerili taj kut?

Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati kut između pravca i ravnine.

# KUT IZMEĐU DVIJE RAVNINE



## Grupa 3a



Otvorite svoju bilježnicu pod kutom od  $60^\circ$ .

Kako biste izmjerili taj kut?

Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati kut između dvije ravnine.

## Grupa 3b

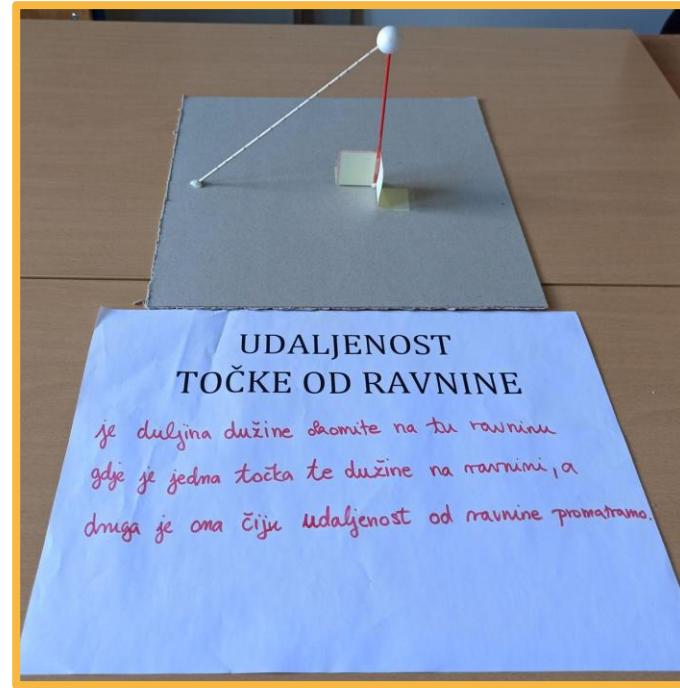


Otvorite prozorsko staklo pod kutom od  $30^\circ$ .

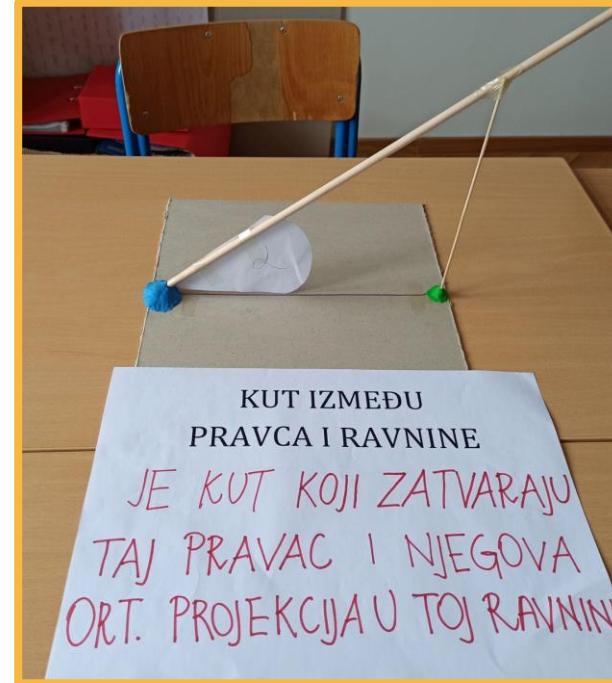
Kako biste izmjerili taj kut?

Na temelju ovog primjera pokušajte općenito definirati kut između pravca i ravnine.

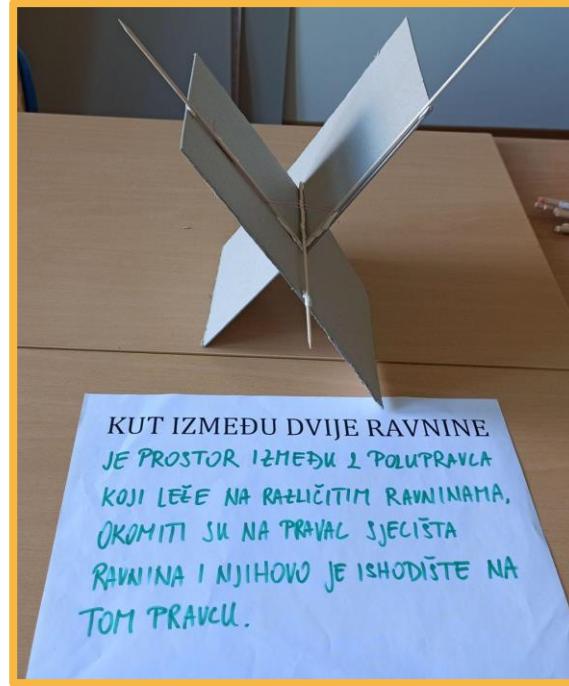
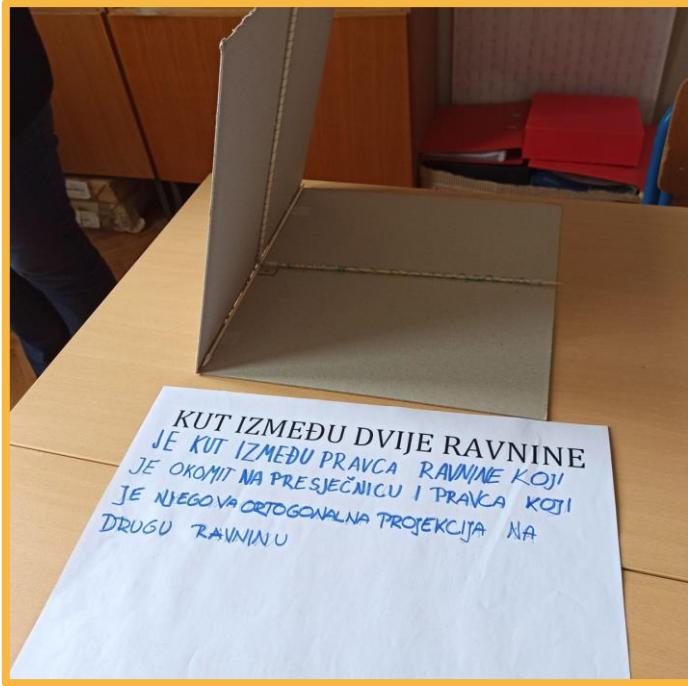
# UDALJENOST TOČKE OD RAVNINE



# KUT IZMEĐU PRAVCA I RAVNINE



# KUT IZMEĐU DVIJE RAVNINE



# Refleksije na kraju sata



- sat je bio vrlo uspješan
- svaka je grupa imala priliku raditi na sve tri definicije
- učenici su uživali u izradi svojih modela
- neke definicije nisu bile precizne i nedostajala su pojedina zapažanja i zaključci - izvrsna prilika za diskusiju
- naglasak na važnosti preciznog definiranja i ljepoti jednostavnosti
- dobro polazište za lekcije koje slijede





KUT IZMEĐU  
PRAVCA I RAVNINE

je kut između

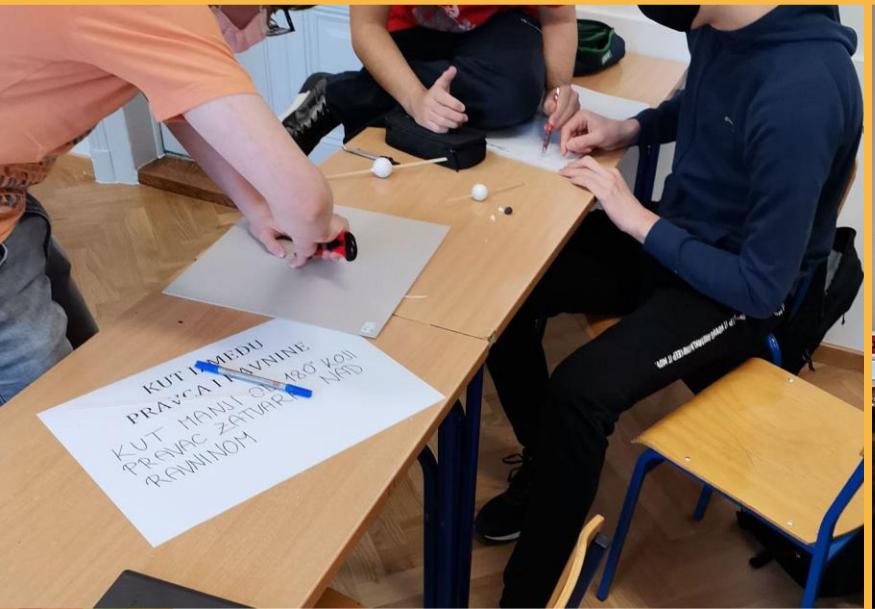
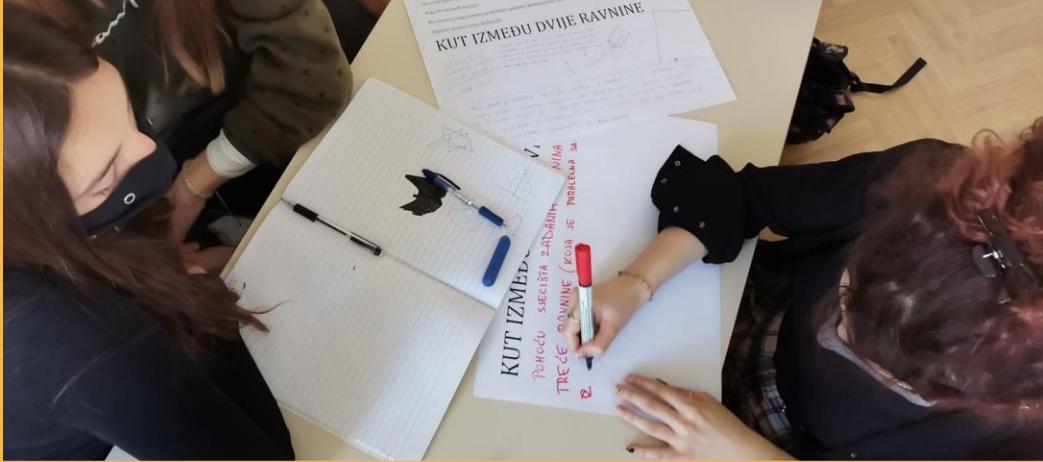
KUT IZMEĐU  
PRAVCA I RAVNINE

je kut između pravca i  
pravca koji je ortogonalne  
na ravnicu

KUT IZMEĐU  
PRAVCA I RAVNINE

je kut između pravca i  
pravca koji je ortogonalne  
na ravnicu





# Povratne informacije učenika



Naučila sam novu lekciju na zanimljiv način, pa sam je bolje razumjela.

Iznenadila me jednostavnost ovih definicija.

Iznenadilo me koliko smo bili učinkoviti i koliko su te definicije zapravo bile logične i jednostavne.

Iznenadilo me da smo kao grupa došli do definicija koje su bile prilično točne.

Naučio sam kako bolje funkcionirati u timskom okruženju.

Iznenadilo me koliko je bilo teško razumjeti definicije druge grupe.

